

## ارائه‌ی کپچای خطای دید جهت بهبود امنیت

علی شمسایی<sup>۱</sup>، دکتر محسن سرداری<sup>۲</sup>

<sup>۱</sup> دانشگاه آزاد اسلامی یزد

<sup>۲</sup> دانشگاه میبد

---

### چکیده

در این مقاله، به ارائه روش جدیدی در ایجاد کپچا می‌پردازیم. در این روش که ما آن را کپچای خطای دید می‌نامیم، با استفاده از حس بینایی در انسان کپچایی را ایجاد می‌کنیم که انسان به راحتی آن را تشخیص دهد و ربات‌ها نمی‌توانند آن را به سادگی تشخیص دهند. ما می‌توانیم با استفاده از چند روش مختلف در این زمینه کپچاهای مختلفی تولید کنیم که هر کدام از آن‌ها به تنهایی می‌توانند قابل استفاده باشند. روش سؤال و جواب که یک روش امنیتی اما بدون تصویر بود در اینجا به صورت سؤال و تصویر ارائه می‌شود و کاربر باید با توجه به تصویر به سؤال پاسخ دهد ولی ربات از تشخیص تصویر عاجز خواهد بود. در روش دوم ما با استفاده از خطای دید جدولی ایجاد می‌کنیم که کاربر باید تصاویر بارنگ مورد نظر را انتخاب کند که بسیار ساده است اما به دلیل اینکه تمامی رنگ‌ها از دید کامپیوتر یکسان است غیرقابل تشخیص است. در این روش‌ها ما روش‌های انتخاب تصادفی در ربات را نیز بررسی کردیم که معمولاً احتمال آن کمتر از ۱٪ است.

**واژه‌های کلیدی:** کپچای خطای دید، امنیت کپچا، کپچای تصویر، حمله تصادفی در کپچا.

---

## ۱. مقدمه

با پیشرفته‌تر شدن دنیای فناوری و سرعت انتقال اطلاعات، گسترش مجامع مجازی و وب سایت‌ها، حملات به سایت‌ها از طریق ربات‌ها و اسکریپت‌های از پیش نوشته‌شده رو به افزایش است و هکرها هرروزه سعی می‌کنند تا با استفاده از روش‌های مختلف به اطلاعات مهم وب‌سایت‌ها و پایگاه‌های اطلاعاتی دسترسی پیدا کنند. در نمونه‌های کوچک‌تر آن‌ها می‌توانند با نوشتن برنامه‌ای ساده پسوردهای امنیتی کاربران را حدس زده و از اطلاعات محرمانه آن‌ها استفاده کنند، پس از این‌رو نیاز به روشی برای مقابله با این مشکل است.

Completely Automated Public Turing Test To Tell Computers And Humans Apart یا به عبارتی تست عمومی کاملاً خودکار تورینگ برای تشخیص انسان از کامپیوتر<sup>۱</sup> یک سامانه‌ی امنیتی و روند ارزیابی است که برای جلوگیری از برخی حمله‌های خرابکارانه‌ی ربات‌های اینترنتی به کار می‌رود. این روند می‌تواند مشخص کند که مراجعه‌کنندگان به یک وب‌سایت و یا سایر خدمات آنلاین انسان هستند یا کامپیوتر است (پندی و لوت<sup>۱</sup>، ۲۰۱۴). بدین منظور برنامه‌ی کپچا<sup>۲</sup> آزمون‌هایی را تولید می‌کند که تنها انسان‌ها قادر به پاسخ‌گویی به آن‌ها باشند و کامپیوترها و نرم‌افزارهای فعلی نمی‌توانند پاسخ درستی به این آزمون‌ها بدهند، پس هر کاربری که آن را به‌درستی حل کند، انسان فرض می‌شود (لوویس و همکاران<sup>۳</sup>).

با پیشرفت شاخه‌های علم کامپیوتر از جمله پردازش تصویر راهکارهای متعددی جهت کشف متن کپچا از پس‌زمینه و افکت‌های موجود در آن ارائه شد که تا درصد قابل قبولی به‌درستی متن کپچا را حدس می‌زد (ون و همکاران<sup>۴</sup>، ۲۰۰۴). از آن‌پس کپچا‌های مختلفی از قبیل کپچای تصویر و صدا ارائه شد تا امنیت آن را بالا ببرد اما همان‌طور که گفته شد با گذر زمان آن‌ها نیز تا حدودی آسیب‌پذیر معرفی شدند (لوویس و همکاران<sup>۴</sup>). از آنجاکه پیشرفت علم در عرصه‌های پردازش تصویر و هوش مصنوعی منجر به شکستن راحت‌تر کپچا‌های متن و تصاویر شده پس باید راهکاری را ارائه کرد که با پیشرفته‌تر کردن کپچاها مانع از شکستن آن‌ها شویم و این موضوع را هم باید در نظر بگیریم که استفاده نادرست از کپچا و عدم رعایت اصول آن می‌تواند موجب کاهش ارتباط کاربران با سایت گردد. هم‌روزه به دلیل ضعف کپچا حملات متعددی به سرورها و سایت‌ها می‌شود که از این‌رو با پیاده‌سازی این روش می‌توان تا حد زیادی ضعف کپچا را برطرف کرد و از آن حملات جلوگیری کرد.

در صورت ادامه این مشکل سرویس‌دهندگان متقبل هزینه‌های سنگینی می‌شوند، در تحقیقات به‌عمل‌آمده کپچا‌های موجود توسط الگوریتم‌های تشخیص متن و پردازش تصویر به‌راحتی قابل حل است و شکسته می‌شود که راه ورود هکرها و ربات‌ها را به سایت‌ها و سرورها باز می‌کند. در تحقیقات گذشته نیز سعی در پیچیده کردن کپچا شده اما به‌مرورزمان باز روش‌هایی جهت شکستن آن‌ها نیز ارائه‌شده که تا درصد بالایی در حدود ۹۴٪ عملی بوده است (استاروستنکو<sup>۵</sup>، ۲۰۱۵).

آزمون تورینگ برای اولین بار توسط التا ویستا در سال ۱۹۹۷ برای کاهش هرزنامه‌ها استفاده شد که کلمه‌ای به کاربر نشان داده و از کاربر خواسته می‌شد که آن را وارد کند (اگیجنکو و کلویوو<sup>۶</sup>، ۲۰۰۸). در سال ۲۰۰۰ لوویس ون در دانشگاه ملون ایده کپچا را پیشنهاد داد و اولین بار در سایت یاهو برای جلوگیری از نفوذ ربات‌ها به چت روم‌ها به کار گرفته شد. کپچای gimpy توسط لوویس ون و بلوم پیشنهاد داده شد که به دلیل اینکه از لغات دیکشنری استفاده‌شده بود توسط موری و مالیک با استفاده از

<sup>1</sup> Pandey and Lothe

<sup>2</sup> Luis et al.

<sup>3</sup> Von et al.

<sup>4</sup> Luis et al.

<sup>5</sup> Starostenko

<sup>6</sup> Ogijenko and Kolupaev

الگوریتم تشخیص تا ۹۹٪ به درستی تشخیص داده شد (بندی و شاه<sup>۱</sup>، ۲۰۰۸). ریکپچا که توسط ون نیز پیشنهاد شده بود به دلیل استفاده از کلمات ناخوانا توسط OCR در نسخه های خطی دارای امنیت بیشتری بود (احمد و همکاران<sup>۲</sup>، ۲۰۱۲). تکنیک های متن برجسته و دست خطی نیز ارائه شدند که تا حدودی کاربران را دچار مشکل می ساختند (شاه و بندی<sup>۳</sup>، ۲۰۰۸). سیستم بینایی ما طوری تنظیم شده است که ما بتوانیم در محیطی سه بعدی و سرشار از نور، سایه، رنگ، بافت و اشیاء و اشکالی متنوع و متعدد در فواصل دور و نزدیک ببینیم. بسیاری از ما بدون توجه به اینکه ایجاد تصویری صحیح از جهان اطراف ما برای سیستم بینایی و مغز چه عملیات پیچیده ای به همراه دارد، دیدن را امری ساده و پیش یافته تلقی می کنیم. خطای دید یا خطای چشم به احساس دیدن تصویری گفته می شود که فریبنده یا گمراه کننده هستند. در این حالت اطلاعاتی که به وسیله چشم جمع آوری شده و توسط مغز پردازش می گردد منجر به درک تصویری می شود که با واقعیت آن تصویر تطابق ندارد. مغز انسان با این همه قدرت شگرفی که دارد در برخی موارد به چالش کشیده می شود و آن طور که فکر می کنیم مصون از خطا و لغزش نیست. یکی از این موارد خطاهای دید هستند. مغز ما با دریافت انبوهی از تصاویر در اطرافمان تلاش دارد مفهوم واقعیت را برای ما نمایان کند و این تجزیه و تحلیل در کسری از ثانیه انجام می گیرد. در این میان گاهی مغز نمی تواند آنچه را که دریافت می کند به درستی نمایان کند و واقعیتی که خودش دریافت می کند را به خوبی نشان نمی دهد این اتفاق را توهم بصری می نامیم. در واقع درک ما از جهان، بر اساس ترجمه اطلاعات بصری توسط مغز شکل می گیرد و این ترجمه، گاه به خطای چشم منجر می شود. به این ترتیب که ذهن ما نسبت به اطلاعات رسیده منفعل نیست و برای ترجمه این اطلاعات بسیار مبتکرانه عمل کرده و در نتیجه هرازگاهی اطلاعات وارده را به شکلی نامتعارف معنا می کند. با استفاده از این مفهوم می توان سعی در تولید کپچایی کرد که می تواند ما را در نحوه تشخیص انسان از ربات یاری کند. انسان ها برخلاف کامپیوترها خطای دید را به همراه خواهند داشت که می توان از این خصیصه جهت تولید کپچای خطای دید استفاده کرد.

## ۲. کپچای خطای دید

این کپچا با استفاده از خطای دید در انسان سعی در ایجاد تمایز بین انسان و ماشین شده است به گونه ای که فقط انسان قادر به تشخیص آن است و کامپیوتر فقط به صورت تصادفی می تواند تلاش به حدس زدن این کپچا کند.

### تولید کپچای خطای دید

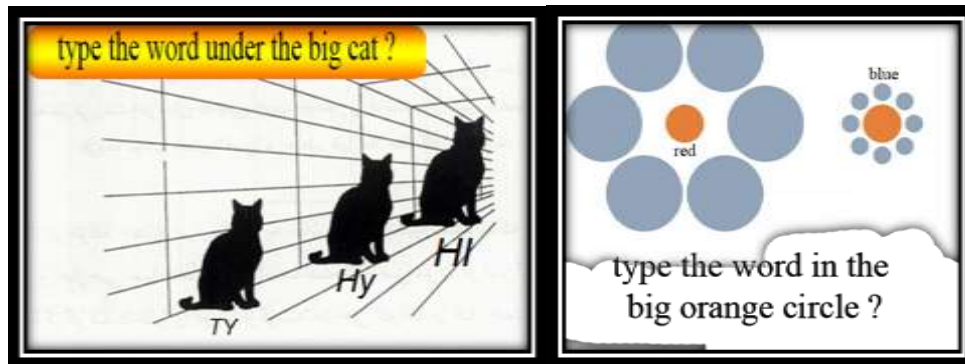
در روش پیشنهادی اول جهت ایجاد کپچای خطای دید نیاز به یک پایگاه داده از تصاویر خطای دید و سؤالات درج شده مربوط به آنها داریم. شاید یکی از ضعف های این کپچا را بتوان محدود بودن تصاویر دانست اما می توان با کمی تغییر در روند نمایش تصاویر این مشکل را کم رنگ تر نشان داد. جهت ایجاد این کپچا در ابتدا بانکی از تصاویر خطای دید را به عنوان پس زمینه ذخیره می کنیم. پس از آن قسمت متمایز مربوط به هر تصویر را مشخص می کنیم. در مرحله بعد سؤالات مربوط به هر تصویر را در بانک اطلاعاتی ذخیره می کنیم. سپس با ایجاد کلمات تصادفی در نقاط مشخص شده می توانیم یک کپچا را ایجاد کنیم. کلمات ایجاد شده در تصاویر کاملاً به صورت تصادفی هستند و حتی می توان از اعوجاج و افکت در آن کلمات بهره برد. سؤالات ایجاد شده مربوط به هر تصویر نیز همانند کلمات باید تصادفی بوده و مربوط به تصویر باشد به طوری که هر تصویر دارای تعدادی سؤال باشد. هر بار که کپچا به روزرسانی می شود، حتی در صورت تکراری بودن تصویر، سؤالات و کلمات تولید شده کاملاً متفاوت است و از تکراری بودن

<sup>1</sup> Bandy and Shah

<sup>2</sup> Ahmad et al.

<sup>3</sup> Shah and Bandy

کیچا جلوگیری می‌کند. هرچند این روش محدود بودن پایگاه تصاویر را جبران نکند اما تا حدود زیادی آن را بهبود می‌بخشد و می‌تواند ضعف آن را جبران کند. نمونه‌هایی از کیچای خطای دید در شکل ۱ نشان داده شده است.



شکل (۱): کیچای خطای دید

### امنیت در کیچای خطای دید

در این قسمت می‌خواهیم چند روش پیشنهادی را در کیچای خطای دید ارائه دهیم که امنیت کیچای فوق را بالا برده و هم بهبودی در زمینه امنیت کیچای متنی باشد به طوری که بتوان به صورت مجزا و جدا از کیچای تلفیقی مورد استفاده قرار گیرد.

### کیچای نوع اول

مراحل ایجاد کیچای خطای دید را به صورت بالا طی کرده ولی در قسمت ایجاد کلمه تصادفی و جایگذاری آن در تصویر از کیچای متن استفاده می‌کنیم و آن را در تصویر جایگذاری می‌کنیم. اگر بخواهیم مراحل حل کیچا را توسط کاربر بررسی کنیم به این شرح است:

۱. دیدن عکس و خواندن سؤال مطرح شده
  ۲. دیدن عکس و تشخیص خطای دید و پیدا کردن کلمه مورد نظر
  ۳. خواندن کیچا و تشخیص درست آن
  ۴. وارد کردن آن در کادر پاسخ
- حال اگر بخواهیم آن را از نظر پردازش تصویر و ربات بررسی کنیم:
۱. باز شدن عکس و ذخیره کردن
  ۲. بازخوانی سؤال و تحلیل آن
  ۳. تحلیل شکل به دلیل یکسان بودن رنگ مشکل ساز می‌شود
  ۴. استفاده از حمله تصادفی
  ۵. تشخیص کیچا و مراحل شکست کیچای متنی



شکل (۲): استفاده از کیچای متن در کیچای خطای دید

ربات می‌تواند با ریسک ۵۰ درصد یکی از کیچاها را وارد کرده و از مراحل یک تا ۳ عبور کند که خود می‌تواند نقطه‌ضعف بزرگی باشد. در این صورت ما می‌توانیم فضای حالت را از ۲ تا به ۱۰ یا بیشتر افزایش دهیم کاربر به راحتی می‌تواند تفاوت در رنگ را ببیند ولی از دید ربات به دلیل یکسان بودن ناچار است تمامی کیچاهای موجود را بررسی کرده و با فرمول احتمال زیر یکی از آن‌ها را انتخاب کرده و وارد کند:

$$1. \quad \text{در حالت عادی با ضریب } OPI = \frac{100}{\text{تعداد حالتها}} \%$$

$$2. \quad \text{در حالت استفاده از کیچا } OPIC = \frac{OPI}{\text{ضریب شکست}} \%$$

به‌عنوان مثال نرخ تشخیص در حالت تصادفی در صورتی که متن عادی در کیچا استفاده شده باشد و در صورتی که از کیچای متن با در صد تشخیص ۲۰٪ با نرم‌افزارهای تشخیص استفاده شده باشد.

جدول (۱): درصد شکست در حالت تصادفی بدون کیچا و با کیچا

تعداد حالتهاو تعداد متون	درصد شکست	
	متن عادی	با کیچا
۲	٪۵۰	٪۱۰
۵	٪۲۰	٪۴
۱۰	٪۱۰	٪۲
۲۰	٪۵	٪۱
۵۰	٪۲	٪۰.۴
۱۰۰	٪۱	٪۰.۲

همان‌طور که در جدول ۱ مشخص است، هر چه تعداد تصاویر افزایش یابد درصد تشخیص کاهش پیدا می‌کند. همین‌طور اگر از کیچای متن به جای متن استفاده کنیم نیز امنیت بالاتری خواهد داشت. در این روش استفاده از تعداد حالات بالا از نظر اقتصادی، فضای اشغال شده و زمان تشخیص توسط کاربر به صرفه نیست. در این صورت باید حد متعادل آن را در نظر گرفت که قابل استفاده و به صرفه باشد که در اینجا می‌توان گفت تعداد حالات کمتر از ۱۰ دارای این شرایط هستند. پس در فضای حالت ده تایی و با استفاده از کیچای متن می‌توان نرخ تشخیص تصادفی توسط ربات را تا ۲٪ رساند. استفاده از این روش تا حدودی می‌تواند نرخ تشخیص را کاهش دهد و احتمال شکست کیچا را نیز پایین بیاورد.

## کیچای نوع دوم

استفاده از روش کلیک و انتخاب به طوری که از کاربر خواسته می شود که موارد خواسته شده را با کلیک بر روی آن ها انتخاب کند. به طور مثال در تصویر خواسته می شود که اسب های بارنگ سیاه انتخاب شوند در صورتی که از دید کامپیوتر همه اسب ها به یک رنگ هستند ولی به دلیل خطای دید اسب ها از دید کاربر دارای رنگ متفاوت هستند و به راحتی قابل تشخیص هستند. می توان از اشکال مختلف در هر عکس استفاده کرد در این تصاویر از اسب استفاده شده.



شکل (۳): روش انتخابی در کیچای خطای دید، انتخاب اسب های سیاه در تصویر

در این روش به دلیل بدیهی بودن تعداد اسب های تیره برای انسان و مکان آن ها به راحتی قابل حل است و کاربر با چند کلیک می تواند از آن عبور کند. ولی برای ربات به دلیل مشخص نبودن اختلاف در رنگ ها و تعداد تصاویر انتخابی، احتمال انتخاب صحیح بسیار پایین است. یکی از دلایل آن وجود فضای حالت بسیار بزرگ است. حال اگر تعداد تصاویر را از ۹ حالت به بالاتر افزایش دهیم تعداد حالات بسیار بزرگ شده به طوری که احتمال انتخاب درست نزدیک به صفر می رسد. در محاسبه تعداد حالات، از حالت صفر و کل حالات یکسان صرفه نظر می شود، زیرا حداقل نیاز به یک انتخاب وجود دارد. حداقل یک وجه تفاوت نیز بین تصاویر باید موجود باشد. بر اساس قانون احتمالات ترکیب بین انتخاب ها را محاسبه می کنیم و در آخر احتمال انتخاب صحیح به طور تصادفی را در حالت کلی محاسبه می کنیم. به عنوان مثال در رابطه ۳ احتمال انتخاب تصادفی در حالتی که ۳ انتخاب صحیح از ۹ حالت وجود دارد بررسی می شود.

$$\text{Case } n = \frac{\binom{n}{k}}{\binom{N}{k}} = \frac{\binom{3}{3}}{\binom{9}{3}} = \frac{1}{\frac{9 \times 8 \times 7 \times 6}{3! \times 6!}} = \frac{1}{84} \times 100 = 1.1\%$$

(۳)

با توجه به جدول ۲ تعداد تصاویر ثابت ولی تعداد انتخاب ها متغیر است. اگر تعداد انتخاب ها نصف تعداد تصاویر باشد، درصد شکست تصادفی بسیار کم می شود. پس می توان گفت هر چه تعداد تصاویر انتخابی جهت حل پازل کیچا به حد میانه نزدیک شود امنیت افزایش میابد.

جدول (۲): میزان درصد شکست در حمله‌ای با انتخاب تصادفی

تعداد تصاویر	تعداد انتخاب	درصد شکست با انتخاب تصادفی	
9	1	1/9	11%
9	2	1/36	2.7%
9	3	1/84	1.1%
9	4	1/126	0.7%
9	5	1/126	0.7%
9	6	1/84	1.1%
9	7	1/36	2.7%
9	8	1/9	11%

حال اگر بخواهیم میانگین درصد شکست در انتخاب تصادفی در تمامی حالت‌های انتخاب از ۱ حالت تا ۹ حالت را محاسبه کنیم و به یک درصد کلی برسیم از رابطه ۴ استفاده می‌کنیم. در این رابطه که شبیه به رابطه ۷ است، احتمال شکست را در تمامی حالات محاسبه می‌کند و جدول ۲ را به صورت یک درصد کل نمایش می‌دهد. در محاسبه احتمال انتخاب حالت صحیح در انتخاب تصادفی کل، از حالت صفر و حالت کلی یعنی AllPic صرف نظر می‌شود. تعداد کلیک و یا انتخاب‌ها با Click Number و تعداد انتخاب‌های صحیح با Correct Choice نشان می‌دهیم. با جایگذاری اعداد در رابطه احتمال ۴ به رابطه احتمال ۵ می‌رسیم. بعد از محاسبه حالت کلی انتخاب‌ها در ۹ تصویر به احتمال در صد شکست ۰.۱۹٪ در حالت انتخاب تصادفی می‌رسیم.

$$Total = \frac{\binom{CCh!}{CN!}}{\sum_{NC=1}^{NC=AP-1} \binom{AP!}{CN!}} = \frac{1}{2^{AP-2}} \quad (4)$$

$$Total = \frac{1}{\sum_{NC=1}^{NC=8} \binom{9!}{CN!}} = \frac{1}{2^9-2} = \frac{1}{510} \times 100 = 0.19\% \quad (5)$$

حال می‌خواهیم درصد شکست تصادفی را توسط رابطه احتمال ۴ برای کل تعداد تصاویر مورد استفاده و فضای حالت انتخابی از ۳ حالت تا ۱۶ حالت را محاسبه کنیم. بعد از اینکه تمامی حالت‌ها را محاسبه و جایگذاری کردیم، جدول ۳ ایجاد می‌شود.

جدول (۳): درصد شکست کپچا در سایزهای مختلف

تعداد تصاویر	تعداد انتخاب	درصد شکست با انتخاب تصادفی	
3	1-2	1/6	16.6%
6	1-5	1/62	1.6%
9	1-8	1/510	0.19%
12	1-11	1/4094	0.02%
16	1-15	1/65534	0.001%

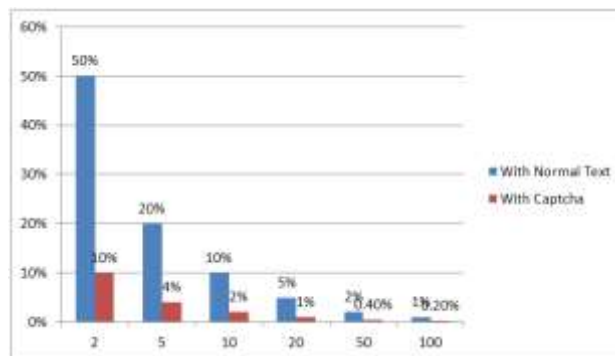
با توجه به این جدول مشخص می‌شود که هر چه تعداد تصاویر زیاد شود درصد شکست نیز کاهش پیدا می‌کند. درست است که هر چه تعداد تصاویر افزایش یابد درصد شکست کاهش پیدا می‌کند اما باید فضای استفاده و دیدگاه کاربر را نیز در نظر داشت. پس

در این حالت نیز همانند روش قبل باید حد متعادل را جهت کاربردی بودن آن حفظ کنیم و می‌توان، تعداد تصاویر کمتر از ۹ و بیشتر از ۶ را از نظر امنیت و کاربری مناسب دانست.

### نتیجه

کامپیوترها و بینایی ماشین تا به حال قادر به تشخیص خطای دید نیست لذا فقط یک حالت به وجود می‌آید که ماشین‌ها بتوانند به درستی این کپچا را حل کنند. این حالت این است که به صورت کاملاً تصادفی یکی از حالت‌ها را انتخاب کرده و از راه کاملاً تصادفی گزینه درست را انتخاب کنند که باین حال احتمال انتخاب گزینه صحیح بسیار کم است. در حالت اول که همان تشخیص ورود کپچا بود در تعداد دوتایی ربات می‌تواند با ریسک ۵۰ درصد یکی از کپچا‌ها را وارد کرده و از مراحل یک تا ۳ عبور کند که خود می‌تواند نقطه ضعف بزرگی باشد. در این صورت ما می‌توانیم فضای حالت را از ۲ تا به ۱۰ یا بیشتر افزایش دهیم کاربر به راحتی می‌تواند تفاوت در رنگ را ببیند ولی از دید ربات به دلیل یکسان بودن ناچار است تمامی کپچاهای موجود را بررسی کرده و با فرمول احتمال ۱ و ۲ یکی از آن‌ها را انتخاب کرده و وارد کند. در حالت استفاده از هر نوع کپچا درصد تشخیص در حالت تصادفی در حالت عادی را بر نرخ تشخیص کپچا تقسیم می‌کنیم. به عنوان مثال نرخ تشخیص در حالت تصادفی در صورتی که متن عادی در کپچا استفاده شده باشد و در صورتی که از کپچای متن با درصد تشخیص ۲۰٪ استفاده شده باشد به صورت زیر است.

### نمودار ۱: درصد شکست کپچای خطای دید در حالت تصادفی بدون کپچا و همراه با کپچا

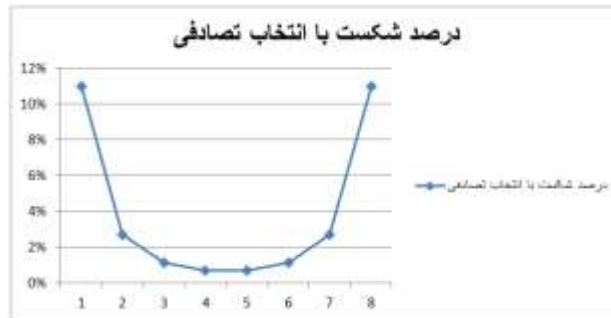


همان‌طور که مشاهده می‌شود استفاده از این‌رو تا حدود می‌تواند نرخ تشخیص را کاهش دهد و احتمال شکست کپچا را نیز پایین بیاورد.

حالت دوم کلیک و انتخاب در این روش به دلیل بدیهی بودن تعداد اسب‌های تیره برای انسان و مکان آن‌ها به راحتی قابل حل است و کاربر با چند کلیک می‌تواند از آن عبور کند ولی برای ربات به دلیل مشخص نبودن اختلاف در رنگ‌ها و تعداد درست چون فضای حالت بسیار بزرگ است احتمال انتخاب صحیح بسیار پایین است حال اگر تعداد تصاویر را از ۹ حالت به بالاتر افزایش دهیم تعداد حالات بسیار بزرگ شده به طوری که احتمال انتخاب درست نزدیک به صفر می‌شود. در محاسبه تعداد حالات از صفر و کل حالات یکسان صرفه نظر می‌شود زیرا حداقل نیاز به یک انتخاب وجود دارد و حداقل یک وجه تفاوت نیز بین تصاویر باید موجود باشد. بر اساس قانون احتمالات ترکیب بین انتخاب‌ها را محاسبه می‌کنیم و در آخر احتمال انتخاب صحیح به طور تصادفی را در حالت کلی محاسبه می‌کنیم. به عنوان مثال احتمال انتخاب تصادفی در حالتی که ۳ انتخاب وجود دارد.

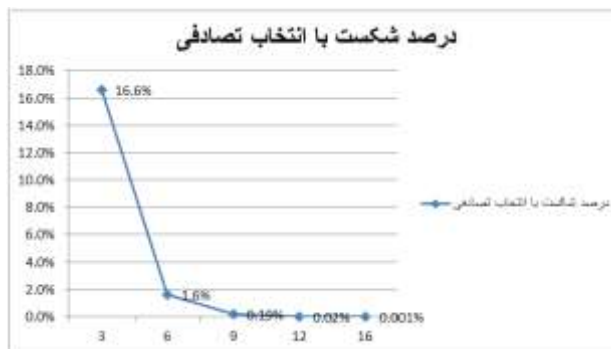
### نمودار ۲: میزان درصد شکست در حمله‌ای با انتخاب تصادفی





در محاسبه احتمال انتخاب حالت درست در انتخاب تصادفی کل از حالت صفر و حالت کلی یعنی AllPic صرف نظر می‌شود. تعداد کلیک و یا انتخاب‌ها با Click Number و تعداد انتخاب‌های صحیح با Correct Choice نشان می‌دهیم در فرمول ۴ و ۵.

نمودار ۳: درصد شکست کپچا با استفاده از تعداد تصاویر مختلف در کپچا



## مراجع

1. Ahmad El Ahmad, Jeff Yan and Wai-Yin Ng , “CAPTCHA Design Color, , and Security,” IEEE Computer Society, 1089-7801, March – April 2012 IEEE.
2. Ahn, L. Von., Blum M., Hopper N. (2004) .CAPTCHA: Telling humans and computers apart automatically , communication of the ACM, Vol. 47, No.2
3. J.Ogijenko and A.Kolupaev, “Captchas: Humans vs Bots.” IEEE Computer Security, vol.6, pp.68-70, Feb. 2008.
4. M. Tariq Bandy and Nisar A. Shah, “Drag and Drop Image CAPTCHA.” Sprouts 4th J&K Science congress, 2008 .
5. N. A. Shah and M. Tariq Bandy, “A Study of CAPTCHAs for Securing Web Services.” IJSDIA International Journal of Secure Digital Information Age, Vol. 1. No. 2, December 2009.
6. Starostenko, O., Cruz-Perez, C., Uceda-Ponga, F., & Alarcon-Aquino, V. (2015). Breaking text-based CAPTCHAs with variable word and character orientation. Pattern Recognition, 48(4), 1101-1112. doi:http://dx.doi.org/10.1016/j.patcog.2014.09.006
7. Von Ahn Luis, B. Manuel and L. John, “Telling Humans and Computer Apart Automatically,” CACM, V47, No2.

8. Von Ahn Luis, B. Manuel and L. John, "Telling Humans and Computer Apart Automatically," CACM, V47, No2
9. Yogdhar Pandey and Darshika Lothe, "Evaluating the Usability and Security of a Spelling Based Captcha System," International Journal of Computer Science and Information Technologies, Vol. 5 (3), 2014, 4728-4731.